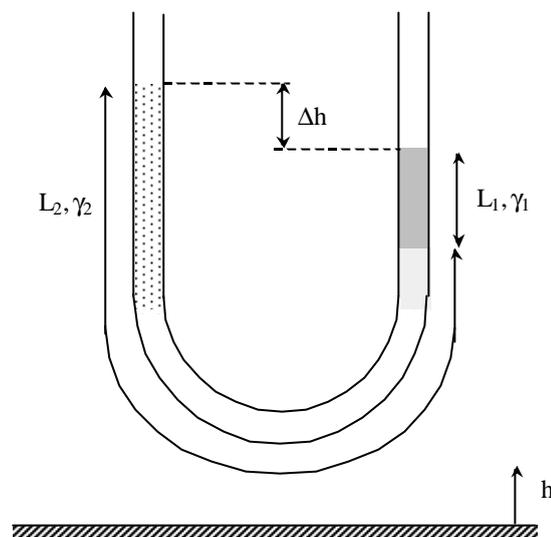


### AUXILIAR 6 6 de Noviembre del 2001

1. El tubo en U de la figura contiene dos fluidos ideales de longitudes  $L_1$  y  $L_2$  y pesos específicos  $\gamma_1$  y  $\gamma_2$ , respectivamente. Se pide determinar:
- El valor de  $\Delta h$  en el equilibrio, es decir, cuando el sistema está inicialmente en reposo
  - Si la columna de líquido  $\gamma_2$  se eleva a una altura  $\Delta h_0$  de la situación de equilibrio inicial, y se deja caer en  $t=0$ , encontrar  $\Delta h(t)$ .



Indicaciones:

- En la interfaz se cumple continuidad de presión termodinámica y no de Bernoulli.
- Suponga que el líquido  $\gamma_1$  siempre está contenido en la rama vertical derecha.
- Desprecie efectos de roce y capilaridad.

$\frac{d^2X}{dt^2} + A \cdot X = B$ , con  $A > 0$ , tiene como solución :

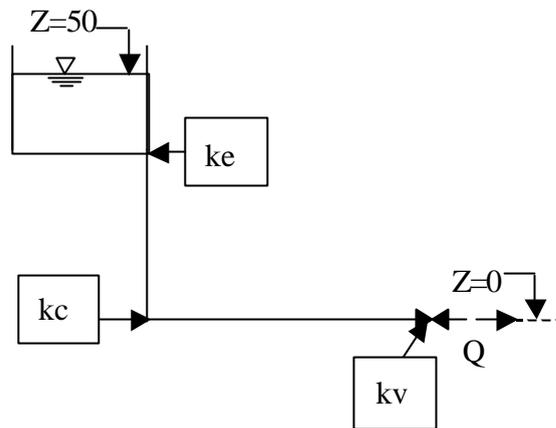
$$X(t) = C_1 \operatorname{sen}(\sqrt{A} t) + C_2 \operatorname{cos}(\sqrt{A} t) + \frac{B}{A}$$

$C_1$  y  $C_2$  son constantes dadas por las condiciones iniciales

2. Para el sistema esquematizado en la figura, determinar el caudal  $Q$ , dado el nivel del estanque  $Z$  y considerando una tubería de largo  $L=100$  m.

Datos:

$D = 200$  [mm]  
 $k_e = 0.5$   
 $k_c = 1$   
 $k_v = 1.5$   
 $L = 100$  [m]  
 $Z = 50$  [m]  
 $f = 0.03$



3. Se desea abastecer de agua los sectores A y B, ubicados según se indica en la figura. Para ello se pide determinar la variación de Bernoulli ( $\Delta B$ ), provocada por la bomba, de tal forma de asegurar un caudal mínimo  $Q = 1$  [l/s], en cada uno de dichos puntos.

Despreciar las pérdidas singulares y considerar una tubería rugosa con  $f = 0.049$ .

Datos:

$D = 50$  [mm]  
 $Q = 1$  [l/s]  
 $L_1 = 10$  [m]  
 $L_2 = 30$  [m]  
 $L_3 = 15$  [m]

